

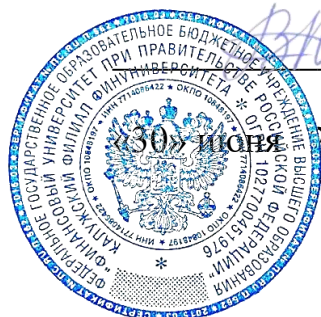
**«Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации»  
(Финуниверситет)**

**Калужский филиал Финуниверситета**

**Кафедра «Бизнес –информатика и высшая математика»**

**«УТВЕРЖДАЮ»**

Директор Калужского филиала  
Финуниверситета



В.А. Матчинов

**«30» июня 2022 г.**

Дробышева И.В.

**МАТЕМАТИКА**

**Рабочая программа дисциплины**

для студентов, обучающихся по направлению подготовки

**38.03.05 «Бизнес-информатика»**

Образовательная программа «Цифровая трансформация управления бизнесом»

Очная форма обучения

*Рекомендовано Ученым советом Калужского филиала Финуниверситета  
(протокол №56 от 30.06. 2022 г.)*


Одобрено кафедрой «Бизнес – информатика и высшая математика»  
Калужского филиала Финуниверситета  
(протокол № 12 от 28 июня 2022 г.)

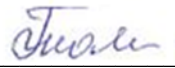
КАЛУГА 2022


Рабочая программа предназначена для преподавания дисциплины «Математика» студентам, обучающимся по направлению подготовки 38.03.05 «Бизнес-информатика», образовательная программа «Цифровая трансформация управления бизнесом» по очной форме обучения.

В рабочей программе излагаются планируемые результаты освоения дисциплины, содержание дисциплины, тематика и содержание семинаров и практических занятий, технологии их проведения. В рабочей программе дисциплины приводится перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся, фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся, перечень основной и дополнительной литературы, а также ресурсов информационно-телекоммуникационной сети Интернет.

СОГЛАСОВАНО:

Заместитель директора  
по учебно-методической работе  /Орловцева О.М./  
«28» июня 2022 г.

Начальник учебно-методического отдела  /Толстикова В.С./  
«28» июня 2022 г.

Заведующий кафедрой  
«Бизнес-информатика и высшая математика»  /Дробышева И.В./  
«28» июня 2022 г.

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Наименование дисциплины .....	4
2. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине .....	4
3. Место дисциплины в структуре образовательной программы .....	7
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся .....	7
5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий.....	8
5.1. Содержание дисциплины .....	8
5.2. Учебно-тематический план .....	14
5.3. Содержание семинаров, практических занятий .....	15
6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине .....	20
6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы .....	20
6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю .....	23
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине .....	32
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины .....	44
9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.....	46
10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины .....	47
11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем .....	48
12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине .....	48

## 1. Наименование дисциплины.

Б.1.1.2.1. «Математика».

## 2. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине.

Таблица 1

Код компетенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения компетенции	Результаты обучения (умения и знания), соотнесенные с компетенциями достижения компетенции
УК-10	Способность осуществлять поиск, критически анализировать, обобщать и систематизировать информацию, использовать системный подход для решения поставленных задач	<p>1. Четко описывает состав и структуру требуемых данных и информации, грамотно реализует процессы их сбора, обработки и интерпретации.</p> <p>2. Обосновывает сущность происходящего, выявляет закономерности, понимает природу вариабельности.</p> <p>3. Формирует признак классификации, выделяет соответствующие ему группы однородных «объектов», идентифицирует общие свойства элементов этих групп, оценивает полноту результатов классификации, показывает прикладное назначение классификационных групп.</p> <p>4. Грамотно,</p>	<p><b>Знать:</b> основные сведения о роли данных и информации, ее составе и структуре, их важности для анализа и решения современных практических задачах социально-экономических динамики.</p> <p><b>Уметь:</b> четко описывать состав и структуру данных и информации, используемых в решаемой задаче, грамотно реализовать процесс сбора требуемых данных и информации, их обработки и интерпретации.</p> <p><b>Знать:</b> основные математические приемы обоснования сущности и выявления закономерностей анализируемого социально-экономического процесса.</p> <p><b>Уметь:</b> обосновывать сущность решаемой задачи, выявлять закономерности, понимать природу вариабельности.</p> <p><b>Знать:</b> основные математические приемы классификации, выделения групп однородных объектов в решаемой практической задаче, идентифицировать их общие свойства.</p> <p><b>Уметь:</b> сформировать признак классификации объектов изучаемой задачи, идентифицировать их общие свойства, оценить полноту результатов классификации, показывать прикладное назначение классифицированных групп.</p>

		<p>логично, аргументировано формирует собственные суждения и оценки. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т. д. в рассуждениях других участников деятельности.</p> <p>5. Аргументированно и логично представляет свою точку зрения посредством и на основе системного описания.</p>	<p><b>Знать:</b> методы системного анализа, современные математические подходы к анализу социально-экономических процессов, оценке принимаемых решений.</p> <p><b>Уметь:</b> сформировать собственные суждения и оценки о решаемой практической задаче, логично и аргументировано излагать свою точку зрения на основе системного описания.</p> <p><b>Знать:</b> современные математические методы исследования социально-экономических процессов, включая системный анализ, теорию принятия решений.</p> <p><b>Уметь:</b> аргументированно и логично представлять свою точку зрения посредством и на основе системного описания.</p>
<b>УК-11</b>	Способность к постановке целей и задач исследований, выбору оптимальных путей и методов их достижения	<p>1. Аргументированно переходит от первоначальной субъективной формулировки проблемы к целостному структурированному описанию проблемной ситуации</p> <p>2. Обосновывает системную формулировку цели и постановку задачи управления.</p> <p>3. Взвешенно и системно подходит к анализу ситуации, формулировке критериев и условий выбора.</p>	<p><b>Знать:</b> современные математические методы целостного структурированного описания проблемной ситуации.</p> <p><b>Уметь:</b> аргументированно описать проблему, возникшую при анализе решаемой задачи, с использованием требований в целостного структурированного описания.</p> <p><b>Знать:</b> современные математические методы анализа социально-экономических процессов.</p> <p><b>Уметь:</b> обосновывать системную формулировку цели и постановку задачи.</p> <p><b>Знать:</b> современные математические методы системного анализа социально-экономических процессов.</p> <p><b>Уметь:</b> системно подходить к анализу ситуации, формулировке критериев и условий выбора.</p>

		<p>4. Критически переосмысливает свой выбор, сопоставляя с альтернативными подходами. Оценивает последствия принимаемых решений, учитывая неочевидные цепочки «последствия последствий» («причины причин») и контурные связи.</p> <p>5. Корректно использует процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования, анализа и синтеза при решении практических задач управления и подготовке аналитических отчетов</p> <p>6. Логично, последовательно и убедительно излагает в отчете цели, задачи, теорию и методологию исследования, результаты и выводы.</p>	<p><b>Знать:</b> математические подходы к решению управленческих задач, оценке последствий принимаемых решений.</p> <p><b>Уметь:</b> критически переосмыслить свой выбор, сопоставляя с альтернативными подходами, оценить последствия принимаемых решений.</p> <p><b>Знать:</b> математические методы анализа и синтеза, процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования при решении практических задач.</p> <p><b>Уметь:</b> корректно использовать процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования, анализа и синтеза при решении практических задач управления и подготовке аналитических отчетов.</p> <p><b>Знать:</b> методы математической логики, приемы последовательного изложения в отчете цели, задач, теории и методологии исследования, полученных результатов и выводов.</p> <p><b>Уметь:</b> логично, последовательно и убедительно излагать в отчете цели, задачи, теорию и методологию исследования, результаты и выводы.</p>
--	--	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

УК-4	Способность использовать прикладное программное обеспечение при решении профессиональных задач	<p>1.Использует основные методы и средства получения, представления, хранения и обработки данных.</p> <p>2.Демонстрирует владение профессиональными пакетами прикладных программ.</p> <p>3. Выбираем необходимое прикладное программное обеспечение в зависимости от решаемой задачи.</p> <p>4. Использует прикладное программное обеспечение для решения конкретных прикладных задач.</p>	<p><b>Знать</b> основные методы получения, представления, хранения и обработки данных.</p> <p><b>Уметь</b> применять основные методы получения, представления, хранения и обработки данных на практике.</p> <p><b>Знать</b> перечень и функции основных пакетов прикладных программ.</p> <p><b>Уметь</b> решать практические задачи с помощью основных пакетов прикладных программ.</p> <p><b>Знать</b> перечень и функции необходимого прикладного ПО.</p> <p><b>Уметь</b> выбирает необходимо прикладное ПО в зависимости от решаемой задачи.</p> <p><b>Знать</b> алгоритмы решения прикладных задач</p> <p><b>Уметь</b> реализовать алгоритмы решения прикладных задач на прикладном ПО.</p>
------	------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### 3. Место дисциплины в структуре образовательной программы.

Дисциплина «Математика» относится к Циклу математики и информатики обязательной части по направлению подготовки 38.03.05 – Бизнес-информатика, ОП «Цифровая трансформация управления бизнесом».

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся.**

Таблица 2

Вид учебной работы по дисциплине	Всего (в з/е и часах)	Семестр 1 (в часах)	Семестр 2 (в часах)
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	<b>8 з/е, 288 ч.</b>	<b>144</b>	<b>144</b>
<i>Контактная работа – Аудиторные занятия</i>	<i>134</i>	<i>84</i>	<i>50</i>
<i>Лекции</i>	<i>50</i>	<i>34</i>	<i>16</i>
<i>Семинары, практические занятия</i>	<i>84</i>	<i>50</i>	<i>34</i>
<b>Самостоятельная работа</b>	<b>154</b>	<b>60</b>	<b>94</b>
Вид текущего контроля		контрольная работа	контрольная работа
Вид промежуточной аттестации		зачет	экзамен

**5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий.**

### **5.1. Содержание дисциплины**

#### **Раздел 1 – Линейная алгебра**

##### **Тема 1. Числовые множества**

Числовые множеств. Кванторы. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение. Конечные, счетные и несчетные множества. Ограниченные и неограниченные множества.

Множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел.

Комплексные числа и действия над ними. Модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы записи комплексных чисел. Операции над комплексными числами: сложение, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня. Формула Муавра. Геометрическая интерпретация операций над комплексными числами.

Приложение комплексных чисел.

##### **Тема 2. Векторы и матрицы**

Арифметические векторы и их использование в экономике. Геометрическая интерпретация векторов. Линейные операции над векторами. Скалярное



произведение векторов. Длина вектора. Угол между векторами.

Матрицы и их виды. Линейные операции над матрицами. Транспонирование матрицы. Произведение матриц. Свойства операций.

Элементарные преобразования над строками и столбцами матриц. Теорема о приведении произвольной матрицы к ступенчатой форме. Ранг матрицы.

Определитель квадратной матрицы. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по строке или столбцу. Свойства определителя. Критерий невырожденности квадратной матрицы. Вычисление определителя с помощью элементарных преобразований.

Обратная матрица. Свойства обратной матрицы. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. Решение матричных уравнений.

### **Тема 3. Системы линейных уравнений**

Система линейных алгебраических уравнений. Однородная и неоднородная системы. Определение решения. Совместные и определенные системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.

Исследование и решение системы линейных уравнений методом обратной матрицы, по правилу Крамера, методом Гаусса. Общее решение системы линейных уравнений. Частные решения системы линейных уравнений. Базисные решения системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений однородной системы уравнений. Общие решения однородной и неоднородной систем, связь между ними.

### **Тема 4. Линейные пространства, линейные преобразования**

Линейное (векторное) пространство. Линейная зависимость (независимость) системы векторов. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора в заданном базисе. Преобразование координат вектора при замене базиса.

Линейные преобразования пространства  $R^n$ , линейные операторы. Матрица линейного оператора. Преобразование матрицы оператора при замене базиса.

Собственные значения матрицы. Характеристический многочлен матрицы. Собственные и присоединенные векторы матрицы.

## **Тема 5. Квадратичные формы**

Квадратичные формы. Матрица квадратичной формы в заданном базисе. Приведение квадратичной формы к нормальному виду. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Закон инерции квадратичных форм. Знакоопределенность квадратичные формы. Критерий Сильвестра.

## **Тема 6. Элементы аналитической геометрии**

Прямая и плоскость в пространстве  $R^n$ . Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости. Прямая на плоскости и в пространстве. Кривые второго порядка и их классификация, свойства. Приведение общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.

## **Раздел 2 – Математический анализ**

### **Тема 7. Теория пределов**

Понятие функции. Числовая функция одной переменной. Способы задания функций. График функции. Свойства функций одной переменной: четность и нечетность, монотонность, выпуклость, периодичность, ограниченность.

Числовые последовательности. Предел последовательности и его свойства. Монотонные, ограниченные последовательности.

Предел функции в точке и на бесконечности. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Первый и второй замечательные пределы. Эквивалентные бесконечно малые и их использование при вычислении пределов.

Непрерывность функции в точке и на множестве. Свойства непрерывных функций. Точки разрыва и их классификация. Асимптоты графика функции.

### **Тема 8. Дифференциальное исчисление функций одной переменной**

Производная функции, ее геометрический смысл, свойства производной. Производная сложной функции.

Предельные и средние величины в экономике: предельные и средние

издержки, предельная и средняя производительность труда. Средняя и точечная эластичность функции. Эластичность спроса и предложения по цене, эластичность спроса по доходу.

Дифференцируемость функции, первый дифференциал и его геометрический смысл. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Основные теоремы дифференциального исчисления: Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.

Монотонность функции. Экстремумы. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость графика функции. Точки перегиба. Методы их определения.

Полное исследование функции и построение графика с помощью дифференциального исчисления.

## **Тема 9. Интегральное исчисление функций одной переменной**

Первообразная и неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования: замена переменной, интегрирование по частям, интегрирование рациональных функций, некоторых классов иррациональных и тригонометрических функций.

Определенный интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница и ее применение. Несобственные интегралы, их классификация, методы вычисления. Применение интегрального исчисления в экономике.

## **Тема 10. Функции нескольких переменных**

Функции нескольких переменных, способы их задания. Линии (поверхности) уровня функции. Предел и непрерывность. Частные производные. Производные высших порядков. Дифференцируемость и дифференциалы функции нескольких переменных. Производная сложной функции. Производная

по направлению, градиент функции и его свойства. Эластичность функции нескольких переменных.

Локальный экстремум функции нескольких переменных. Необходимые условия локального экстремума. Достаточное условие для функции двух независимых переменных. Условный экстремум функции нескольких переменных. Метод подстановки. Метод множителей Лагранжа. Глобальный экстремум функции нескольких переменных. Минимизация затрат и максимизация прибыли многоотраслевой фирмы.

Кратные интегралы. Сведение двойного интеграла к повторному.

### **Тема 11. Дифференциальные уравнения**

Понятие дифференциального уравнения, его решения, задачи Коши. Уравнения с разделяющимися переменными, однородные и линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Их свойства.

Теоремы об общем решении. Фундаментальная система решений ЛОДУ. Построение частного и общего решения ЛНДУ с правой частью специального вида.

Понятие систем дифференциальных уравнений. Примеры задач, приводящих к дифференциальным уравнениям.

## **Раздел 3 – Дискретная математика**

### **Тема 12. Множества и отношения**

Понятие множества, подмножества. Способы задания множеств. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение, декартово произведение. Диаграммы Эйлера – Венна.

Методы доказательства равенства множеств. Мощность множества.

Конечные и счетные множества.

Метод математической индукции.

Отображения множеств, типы отображений (инъекция, сюръекция, биекция). Взаимно однозначное соответствие.

Бинарные отношения, их типы и свойства. Отношение эквивалентности. Отношение порядка.

Линейно и частично упорядоченные множества.

### **Тема 13. Элементы математической логики**

Высказывания, операции над высказываниями. Формулы логики высказываний. Таблицы истинности. Эквивалентность формул. Основные эквивалентности. Принцип двойственности. Логическое следствие.

Предикаты. Кванторы. Формулы логики предикатов. Предикаты на конечных множествах. Понятие о логическом выводе. Логические законы.

Двоичная арифметика. Булевы функции. Реализация функций формулами. Важнейшие замкнутые классы булевых функций.

### **Тема 14. Элементы теории графов**

Понятие графа. Ориентированные и неориентированные графы. Способы задания графа. Теоремы о степенях вершин графа.

Исторические задачи, послужившие основой создания теории графов. Их анализ и решение.

Матрицы смежности и инцидентности графа, их свойства. Простые графы. Взвешенные графы, матрица весов. Изоморфные графы. Исторические задачи, приведшие к возникновению теории графов.

Маршруты и путь в графах. Цепь, цикл (контур). Связность и компоненты

связности графа.

Эйлеров и гамильтонов циклы и пути на графе. Метрические характеристики графов. Задача о поиске кратчайшего пути в графе.

Расчет сетевого графика. Примеры реализации.

## 5.2. Учебно-тематический план

Таблица 3

№ п/п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Трудоемкость в часах					Формы текущего контроля успеваемости
		Всего	Контактная работа - Аудиторная работа			Самостояте льная работа	
			Общая, в т.ч.:	Лекции	Семинары, практическ ие занятия		
1	Числовые множества	8	4	2	2	4	Выполнение индивидуальны х заданий.
2	Векторы и матрицы	18	10	4	6	8	
3	Системы линейных уравнений	14	8	4	4	6	
4	Линейные пространства, линейные преобразования	10	4	2	2	6	Самостоятельн ые работы.
5	Квадратичные формы	10	6	2	4	4	
6	Элементы аналитической геометрии	10	4	2	2	6	
7	Теория пределов	16	10	4	6	6	Участие в решении заданий на практических занятиях.
8	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	20	14	6	8	6	
9	Интегральное исчисление функций одной переменной	20	12	4	8	8	
10	Функции нескольких переменных	40	18	6	12	22	Собеседование по домашним заданиям.  Подготовка презентаций и выступление на тему о приложении математически х методов к анализу социально- экономических процессов
11	Дифференциальные уравнения	24	10	4	6	14	
12	Множества и отношения	26	6	2	4	20	
13	Элементы математической логики	22	6	2	4	16	
14	Элементы теории графов	50	22	6	16	28	

	В целом по дисциплине	288	134	50	84	154	Согласно учебному плану: контрольные работы
Итого в %:		100	47	37	63	53	

### 5.3. Содержание семинаров, практических занятий

Таблица 4

Наименование темы (раздела) дисциплины	Перечень вопросов для обсуждения на семинарских, практических занятиях, рекомендуемые источники из разделов 8, 9 (указывается раздел и порядковый номер источника)	Формы проведения занятий
Числовые множества	<p>1. Множество натуральных чисел, целых чисел, вещественных чисел, их свойства.</p> <p>2. Комплексные числа и действия над ними.</p> <p>3. Модуль и аргумент комплексного числа.</p> <p>4. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы записи комплексных чисел.</p> <p>5. Вычисление корня и степени комплексного числа. Формула Муавра.</p> <p>6. Приложения комплексных чисел.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.7, 8.9.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Обсуждение.</p>
Векторы и матрицы	<p>1. Операции над арифметическими векторами. Определение линейной зависимости (независимости) векторов.</p> <p>2. Матрицы, операции над матрицами. Транспонированная матрица. Произведение матриц.</p> <p>3. Определитель квадратной матрицы, его свойства. Методы вычисления.</p> <p>4. Элементарные преобразования над строками и столбцами матриц. Приведении произвольной матрицы к ступенчатой форме и виду Гаусса. Ранг матрицы.</p> <p>5. Обратная матрица, ее свойства. Вычисление обратной матрицы с помощью элементарных преобразований. Решение матричных уравнений.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Обсуждение.</p>

Системы линейных уравнений	<p>1. Решение систем линейных алгебраических уравнений по правилу Крамера.</p> <p>2. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса. Совместность системы.</p> <p>3. Нахождение общего, базисного решений, фундаментального набора решений системы.</p> <p>4. Составление и решение систем линейных уравнений практических задач.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Обсуждение.</p>
Линейные пространства, линейные преобразования	<p>1. Нахождение базиса системы векторов.</p> <p>2. Разложение вектора по базису.</p> <p>3. Нахождение матрицы линейного оператора и координат вектора при переходе к новому базису.</p> <p>4. Вычисление собственных значений и собственных векторов матриц.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.7, 8.8, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Обсуждение.</p>
Квадратичные формы	<p>1. Построение матрицы квадратичной формы.</p> <p>2. Построение квадратичной формы по матрице.</p> <p>3. Приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа.</p> <p>4. Закон инерции квадратичной формы.</p> <p>5. Определение знакоопределенности квадратичной формы по критерию Сильвестра.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.7.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Проведение самостоятельной работы.</p>
Элементы аналитической геометрии	<p>1. Прямая и плоскость в пространстве.</p> <p>2. Угол между плоскостями.</p> <p>3. Расстояние от точки до плоскости.</p> <p>4. Различные виды уравнения прямой в пространстве</p> <p>5. Определение типа кривой второго порядка.</p> <p>6. Свойства кривых второго порядка</p> <p>7. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Проведение самостоятельной работы.</p>



Предел и непрерывность	<p>1. Понятие функции.</p> <p>2. Свойства и графики основных элементарных функций.</p> <p>3. Вычисление предела последовательности.</p> <p>4. Вычисление пределов функций на бесконечности и в точке.</p> <p>5. Вычисление односторонних пределов.</p> <p>6. Вычисление пределов с помощью первого и второго замечательных пределов.</p> <p>7. Определение точек разрыва функции и установление их типов.</p> <p>8. Исследование функции на непрерывность.</p> <p>8. Нахождение вертикальных и наклонных асимптот графика функции.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.7, 8.8.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданиям.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Обсуждение.</p>
Дифференциальное исчисление функций одной переменной	<p>1. Вычисление первой и второй производных функции одной переменной.</p> <p>2. Вычисление дифференциалов функции одной переменной.</p> <p>3. Решение задач по применению дифференциала для приближенных вычислений.</p> <p>4. Вычисление пределов функции по правилу Лопиталя.</p> <p>5. Определение интервалов монотонности функции и экстремумов функции.</p> <p>6. Определение интервалов выпуклости и вогнутости графика функции, точек перегиба графика.</p> <p>7. Проведение полного исследования функции и построение ее графика.</p> <p>8. Эластичность функции и ее свойства.</p> <p>9. Решение экономических задач с помощью производных.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданиям.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Проведение самостоятельной работы.</p>
Интегральное исчисление функций одной переменной	<p>1. Вычисление неопределенного интеграла методами: табличный, разложения, замены переменной, интегрирования по частям.</p> <p>2. Вычисление неопределенного интеграла от некоторых видов рациональных функций.</p> <p>3. Вычисление неопределенного интеграла от некоторых видов иррациональных функций.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданиям.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Проведение</p>

	<p>4. Вычисление неопределенного интеграла от некоторых видов тригонометрических функций.</p> <p>5. Вычисление определенного интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.</p> <p>6. Установление сходимости (расходимости) несобственных интегралов.</p> <p>7. Решение практических задач с помощью интегрального исчисления</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.7, 8.8, 8.9.</p>	<p>самостоятельной работы.</p> <p>Обсуждение.</p>
<p>Функции нескольких переменных</p>	<p>1. Построение линии уровня функции двух переменных.</p> <p>2. Непрерывность, предел функции нескольких переменных.</p> <p>3. Вычисление частных производных первого и второго порядков.</p> <p>4. Вычисление дифференциала.</p> <p>5. Вычисление градиента. Свойства вектора-градиента.</p> <p>6. Вычисление производной по направлению.</p> <p>7. Нахождение локальных экстремумов функции двух переменных.</p> <p>8. Нахождение уловных экстремумов функции двух переменных.</p> <p>9. Нахождение наибольших и наименьших значений дифференцируемой функции нескольких переменных на замкнутом ограниченном множестве.</p> <p>10. Вычисление двойного интеграла сведением его к повторному.</p> <p>11. Практические приложения функций нескольких переменных.</p> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач.</p> <p>Выполнение индивидуальных заданиям.</p> <p>Разбор ситуационных задач.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Обсуждение.</p>

<p>Дифференциальные уравнения</p>	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Решение дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными.</li> <li>2. Решение однородных дифференциальных уравнений первого порядка</li> <li>3. Решение линейных дифференциальных уравнений первого порядка.</li> <li>4. Решение задачи Коши.</li> <li>5. Решение однородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.</li> <li>6. Решение неоднородных линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами в случае правой части специального вида (многочлен, квазимногочлен).</li> <li>7. Решение систем линейных дифференциальных уравнений.</li> <li>8. Разбор практических задач, приводящих к дифференциальным уравнениям и системам.</li> </ol> <p>Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.7, 8.8.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач. Выполнение индивидуальных заданиям. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних заданий. Проведение самостоятельной работы. Обсуждение.</p>
<p>Множества и отношения</p>	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Выполнение операций над множествами (объединение, пересечение, разность, дополнение, декартово произведение).</li> <li>2. Построение диаграмм Эйлера – Венна.</li> <li>3. Доказательство равенства множеств с помощью диаграмм Эйлера-Венна.</li> <li>4. Мощность множества. Конечные и счетные множества.</li> <li>5. Определение типа отображения (инъекция, сюръекция, биекция).</li> <li>6. Взаимно однозначное соответствие.</li> <li>7. Бинарные отношения, их типы и свойства.</li> <li>8. Решение задач на отношение эквивалентности,</li> <li>9. Решение задач на отношение порядка.</li> <li>10. Решение задач на метод математической индукции.</li> </ol> <p>Рекомендуемые источники: 8.1, 8.2, 8.5, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.</p>	<p>Работа с источниками, решение задач. Выполнение индивидуальных заданиям. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних заданий. Обсуждение.</p>

Элементы математической логики	1. Понятие высказывания, операции над ними. 2. Формулы логики высказываний. Таблицы истинности. Эквивалентность формул. 3. Решение задач на алгебру высказываний. 4. Отработка формул логики высказываний. 5. Решение задач на использование таблицы истинности.  Рекомендуемые источники: 8.1, 8.2, 8.5, 8.6, 8.8, 8.10.	Работа с источниками, решение задач. Выполнение индивидуальных заданиям. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних заданий. Обсуждение.
Элементы теории графов	1. Решение задач на отработку понятий графа, ориентированного графа, взвешенного графа. 2. Решение задач на составление матрицы смежности и инцидентности. 3. Решение задач на нахождение маршрута и пути на графе. 4. Решение задачи о нахождении кратчайшего пути между вершинами графа. 5. Решение задач на составление и расчет сетевого графика.  Рекомендуемые источники: 8.1, 8.2, 8.3, 8.5, 8.6, 8.7, 8.9, 8.10.	Работа с источниками, решение задач. Выполнение индивидуальных заданиям. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних заданий. Проведение самостоятельной работы. Обсуждение.

## 6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

### 6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы

Таблица 5

Наименование темы (разделов) дисциплины	Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение	Формы внеаудиторной самостоятельной работы
Числовые множества	Использование различных числовых множеств в экономике.	Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования методов векторной и линейной алгебры в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.

Векторы и матрицы	<p>Взаимное расположение прямой и плоскости. Направляющий вектор. Вектор нормали.</p> <p>Примеры использования векторов в экономике.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования методов векторной и линейной алгебры в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>
Системы линейных уравнений	<p>Линейная модель обмена (модель международной торговли).</p> <p>Примеры использования системы линейных алгебраических неравенств в экономике: бюджетные множества, ограничения по использованию ресурсов.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования математических методов в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>
Линейные пространства, линейные преобразования	<p>Примеры линейных оптимизационных моделей в экономике.</p> <p>Процесс ортогонализации базиса.</p> <p>Примеры использования собственных векторов и собственных значений оператора,</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования математических методов в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>
Квадратичные формы	<p>Примеры практического использования квадратичных форм.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования методов линейной алгебры в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>
Элементы аналитической геометрии	<p>Взаимное расположение прямой и плоскости. Направляющий вектор. Вектор нормали.</p> <p>Примеры практического использования кривых и поверхностей второго порядка.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования методов линейной алгебры в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>

Теория пределов	<p>Функциональные зависимости в экономике: функции полезности, однофакторные производственные функции, функции спроса и предложения. Функции средних издержек и связь между ними (<math>ATC = AVC + AFC</math>).</p> <p>Паутинообразная модель рынка одного товара. Последовательность цен и ее сходимости. Вечная рента.</p> <p>Примеры непрерывных и разрывных функций в экономике: функция издержек, зависимость налоговой ставки от дохода (случай пропорционального и прогрессивного налога).</p> <p>Асимптотическое поведение функций спроса Торнквиста.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования математического анализа в социально-экономических исследованиях.</p> <p>Подготовка к семинарским и практическим занятиям.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>
Дифференциальное исчисление функций одной переменной	<p>Предельные и средние величины в экономике: предельные и средние издержки, предельная и средняя производительность труда.</p> <p>Средняя и точечная эластичность функции. Эластичности спроса и предложения по цене, эластичность спроса по доходу.</p> <p>Задача максимизации прибыли. Моделирование налоговых поступлений в бюджет. Кривая Лаффера.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования математических методов в социально-экономических исследованиях.</p> <p>Подготовка к семинарским и практическим занятиям.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>
Интегральное исчисление функций одной переменной	<p>Выпуск продукции за определенное время при заданном законе мгновенной мощности производства.</p> <p>Среднее значение функции. Средняя производительность труда, средняя капиталоотдача.</p>	<p>Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования математических методов в социально-экономических исследованиях.</p> <p>Подготовка к семинарским и практическим занятиям.</p> <p>Выполнение домашних заданий.</p> <p>Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.</p>

Функции нескольких переменных	Примеры функций нескольких переменных в экономике: функция полезности, многофакторные производственные функции. Средняя и предельная производительность труда и капиталоотдача. Предельные нормы замещения факторов производства. Минимизация затрат и максимизация прибыли многоотраслевой фирмы	Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования математического анализа в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.
Дифференциальные уравнения	Примеры социально-экономических задач, приводящих к дифференциальным уравнениям.	Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования дифференциальных уравнений в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.
Множества и отношения	Примеры прикладных задач, анализируемых методом математической индукции.	Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования теории множеств в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.
Элементы математической логики	Примеры социально-экономических задач, решаемых методами математической логики	Работа с учебной литературой. Поиск примеров эффективного использования методов математической логики в социально-экономических исследованиях. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.

Элементы теории графов	Исторические задачи, приведшие к созданию теории графов. Примеры социально-экономических задач, решаемых методами теории графов.	Изучение методических материалов по теме, рекомендуемых разделов основной и дополнительной литературы, интернет – источников. Подготовка к семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы. Подготовка к контрольной работе.
------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## ***6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю.***

### ***Примерные вопросы к контрольной работе (1 семестр)***

1. Комплексные числа: алгебраическая и тригонометрическая формы задания.  
Операции над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня.
2. Матрицы. Операции над матрицами: транспонирование матрицы, умножение матрицы на число, сложение и вычитание матриц, умножение матриц, возведение матрицы в степень.
3. Определители матриц. Вычисления определителя 2-го и 3-го порядков.
4. Приведение матрицы к ступенчатому виду и виду Гаусса с помощью элементарных преобразований.
5. Ранг матрицы, ранг системы векторов.
6. Обратная матрица. Решение матричного уравнения.
7. Системы линейных алгебраических уравнений
8. Решение системы линейных алгебраических уравнений по правилу Крамера, методом Гаусса.
9. Определение базиса системы векторов.



10. Приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа.
11. Матрица квадратичной формы. Знакоопределенность квадратичной формы.
12. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
13. Определение предела функции в точке. Односторонние пределы.
14. Первый и второй замечательные предел.
15. Определение асимптот графика функции. Виды асимптот.
16. Определение точки разрыва функции. Классификация точек разрыва.
17. Вычисление производной сложной функции.
18. Вычисление пределов функции по правилу Лопиталя.
19. Определение локального экстремума функции одной переменной.  
Необходимое, достаточное условия монотонности и локального экстремума.
20. Определения выпуклости, вогнутости и точки перегиба графика функции.  
Необходимое, достаточные условия выпуклости и точки перегиба.
21. Общая схема исследования функции одной переменной и построения графика.
22. Неопределенный интеграл. Методы интегрирования: разложения, табличный, замена переменной, по частям.
23. Интегрирование рациональной дроби, тригонометрических и иррациональных выражений.
24. Определенный интеграл. Формула Ньютона – Лейбница. Формула замены переменной в определенном интеграле.
25. Несобственные интегралы Методы их вычисления.
26. Экономические приложения производных и интегралов.

### Примеры заданий контрольной работы (1 семестр)

1. Вычислите комплексное число:

$$\frac{\overline{(3 + 5i)}}{(1 - 2i) \cdot (-3 + i)}$$

2. Перейдя к тригонометрической форме записи комплексного числа, воспользовавшись формулой Муавра, вычислите выражение:

$$\left( \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i \right)^{10}.$$

3. Найдите определитель матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 3 & 4 \\ 1 & 2 & 0 & 4 \end{pmatrix}.$$

4. Методом Гаусса найдите общее решение и фундаментальный набор решений системы уравнений:

$$\begin{cases} x + 4y + 20z = 0 \\ 5x + 13y - 5z = 0 \\ 4x + 9y - 25z = 0, \end{cases}$$

5. Проверьте, что векторы  $\bar{a}, \bar{b}$  и  $\bar{c}$  образуют базис в пространстве  $R^3$ . Найдите координаты вектора  $\bar{m}$  в этом базисе:

$$\bar{a} = (4, 1, -2), \bar{b} = (2, -3, 0), \bar{c} = (3, 1, -2), \bar{m} = (3, 8, -4).$$

6. Найдите собственные значения и собственные векторы матрицы:

$$A = \begin{pmatrix} -4 & -3 \\ -1 & -5 \end{pmatrix}.$$

7. Методом Лагранжа приведите квадратичную форму

$$Q(x_1, x_2, x_3) = -2x_1^2 - 4x_2^2 - 6x_3^2 + 2x_1x_2 + 6x_1x_3 - 10x_2x_3$$

к нормальному виду. Укажите соответствующее преобразование переменных.

8. Определите, при каких значениях параметра  $a$  квадратичная форма

$$L(x_1, x_2) = x_1^2 + 4x_2^2 - 2ax_1x_2$$

является положительно определенной.

9. Уравнение линии второго порядка приведите к каноническому виду; определите тип кривой, постройте ее:

$$x^2 - 4y^2 + 8x - 24y = 24.$$

**10.** Найдите пределы функций:

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{3 - 4x}{3x + 3} \right)^{\frac{2+x}{5x}},$$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{1 - 2x} - x}{1 - \cos x}.$$

**11.** Определите типы точек разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x-5}, & x \in (-\infty; 4), \\ -x^2 + 2x + 6, & x \in (4; 5), \\ \frac{9}{x-6}, & x \in [5; +\infty) \end{cases}.$$

**12.** В математической модели рынка некоторого товара с функцией спроса

$D(p) = 1 + 2p - 15p^2$ , где  $p$  – цена товара в рублях, выясните, при каких ценах спрос будет эластичным.

**13.** Найдите промежутки выпуклости, вогнутости и точки перегиба графика функции

$$y = \ln(x^2 - 2x + 2)..$$

**14.** Найдите неопределенные интегралы:

$$\text{а) } \int \sin^2 5x \cdot \cos^3 4x dx.; \quad \text{б) } \int x \cdot \ln 5x \cdot dx; \quad \text{в) } \int \frac{\sqrt{1+x^2} dx}{x^2}.$$

**15.** Вычислите определенный интеграл:

$$\int_1^e \frac{\sqrt[5]{(\ln x - 1)^4}}{x} dx.$$

**16.** Исследуйте не сходимость несобственный интеграл:

$$\text{а) } \int_1^{\infty} \frac{dx}{x \cdot \ln x}, \quad \text{б) } \int_0^{+\infty} e^{-5x+2} dx.$$

### ***Примерные вопросы к контрольной работе (2 семестр)***

1. Область определения, линии уровня функции нескольких переменных.
2. Частные производные функции нескольких переменных.

3. Первый и второй дифференциалы.
4. Градиент, его свойства.
5. Производная по направлению функции нескольких переменных.
6. Локальные экстремумы функции нескольких переменных.
7. Условные экстремумы функции нескольких переменных.
8. Наибольшее и наименьшее значения функции нескольких переменных.
9. Повторные и кратные интегралы. Вычисление двойного интеграла сведением к повторному интегралу.
10. Несобственные кратные интегралы и методы их вычисления.
11. Экономические приложения теории функций нескольких переменных.
12. Решение дифференциальных уравнений первого порядка с разделяющимися переменными.
13. Решение однородных дифференциальных уравнений первого порядка.
14. Решение линейных дифференциальных уравнений первого порядка.
15. Решение задачи Коши (начальной задачи).
16. Решение дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
17. Построение общего решения ЛОДУ  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами.
18. Построение частного решения ЛНДУ  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами в случае правой частью специального вида (метод неопределенных коэффициентов).
19. Построение частного решения ЛНДУ методом вариации произвольных постоянных.
20. Способы задания множеств. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение, декартово произведение.
21. Диаграммы Эйлера – Венна. Методы доказательства равенства множеств. Мощность множества. Конечные и счетные множества.

22. Метод математической индукции.

24. Высказывания, операции над высказываниями. Формулы логики высказываний. Таблицы истинности. Эквивалентность формул. Основные эквивалентности.

25. Ориентированные и неориентированные графы. Способы задания графа. Матрицы смежности и инцидентности графа, их свойства.

26. Взвешенные графы, матрица весов. Изоморфные графы.

27. Маршруты и путь в графах. Цепь, цикл (контур).

28. Эйлеров и гамильтонов циклы и пути на графе. Метрические характеристики графов.

29. Алгоритм поиска кратчайшего пути в графе.

### Примеры заданий контрольной работы (2 семестр)

1. Для заданной производственной функции

$$Q(K; L) = \frac{L^2 \cdot 8^k}{1 + 8^k},$$

где  $Q$  – объём выпускаемой продукции,  $K$  – объём фондов (капитала),  $L$  – объём трудовых ресурсов при  $K_0 = 2$ ,  $L_0 = 4$  найдите предельную фондоотдачу и предельную производительность труда, предельную норму замещения труда капиталом, эластичности выпуска по фондам и по труду. Ответы дайте в виде десятичных дробей с пятью знаками после десятичной запятой.

2. Найдите в точке  $A(1;3)$  первый и второй дифференциалы функции

$$f(x,y) = e^{-3x^2y+5xy+6}.$$

3. Для функции  $z = 2x^3y - \arctg \frac{x}{y}$  найдите в точке  $P_0(1;1)$  производную в

направлении вектора  $\overline{S_1} = (2; 2)$ .

4. Найдите точки локальных экстремумов функции

$$f(x, y) = -2y^2 + x^2 + 16 \ln y - \ln(x^2)$$

и определите их тип.

5. Найдите точки условного экстремума функции

$$f(x,y) = 3x^2 + 6y^2 - 2$$

на множестве решений уравнения

$$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{36} = 1.$$

6. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции

$$z = x^2 + y^2 + xy - x + y - 18 \quad \text{в области } 1 \leq x \leq 3, \quad 0 \leq y \leq 3.$$

7. Найдите кратный интеграл

$$\iint_D 3x^2(y + 5) \, dx \, dy$$

по области, ограниченной линиями:  $y = x$ ,  $y = 3x$ ,  $x = 2$ .

8. Решите дифференциальные уравнения:

$$\text{а) } y' = 3^{5x-7y}; \quad \text{б) } xy' = \sqrt{x^2 + y^2} + y.$$

9. Решите задачу Коши для дифференциального уравнения первого порядка:

$$y' = (y + 2)(2x - 3), \quad y(0) = -4.$$

10. Найдите общее решение дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами с правой частью вида квазимногочлена:

$$4y'' - 4y' + 5y = e^{-2x}(5x + 1).$$

11. Решите систему линейных дифференциальных уравнений:

$$\begin{cases} y' = 2y - 3z \\ z' = -5y + 4z. \end{cases}$$

12. Докажите, что для любого натурального  $n$  справедливо равенство:

$$1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$$

13. Проверьте для любого натурального  $n$  справедливость условия:

$$7^{2n+2} - 4^{2n+2} \text{ кратно числу } 33.$$

14. Докажите равенство при помощи диаграмм Эйлера – Венна, или приведите контрпример:

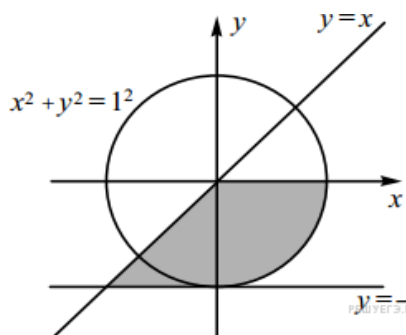
$$(A \setminus B) \cup (A \setminus B) = (B \cup A) \cap (A \cup B).$$

**15.** Универсальное множество состоит из 26 строчных букв латинского алфавита. Заданы четыре множества:  $A, B, C, D$ . Укажите множества  $X$  и  $Y$ . Вычислите их мощности.

$$A = \{b, f, g, m, o\}, B = \{b, g, h, l, u\}, C = \{e, f, m\}, D = \{e, g, l, p, q, u, v\},$$

$$X = (A \setminus C) \cup (B \cap C), \quad Y = (A \cap \overline{B}) \cup (D \setminus C).$$

**16.** Задайте множество, указанное на рисунке, с использованием характеристического свойства.



**17.** Пусть  $p, q$  и  $r$  обозначают следующие высказывания:

$p$  : Квартиры в Москве очень дорогие;

$q$  : У меня есть старший брат;

$r$  : У меня есть собака.

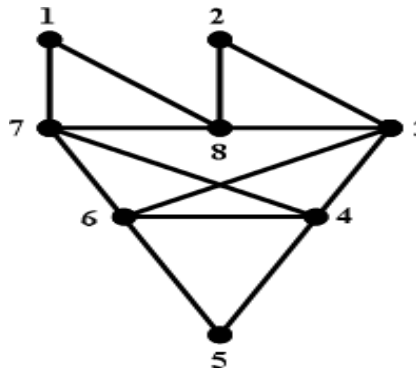
**18.** Запишите символические выражения как обычные высказывания:

$$\text{а) } p \wedge q \wedge \bar{r}; \quad \text{б) } p \wedge (q \vee \bar{r}); \quad \text{в) } (p \vee \bar{q}) \wedge r; \quad \text{г) } (p \wedge r) \vee (q \wedge \bar{r}).$$

**19.** Составьте таблицу истинности высказывания:

$$(A \wedge B) \vee (\bar{B} \rightarrow \bar{A}) \leftrightarrow A.$$

**20.** Составьте матрицы смежности и инцидентности графа:

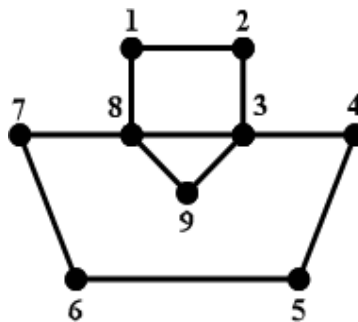


21. По матрице смежности постройте граф и его матрицу инцидентности:

0	0	1	0	1	0
0	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	0
0	1	0	1	0	0

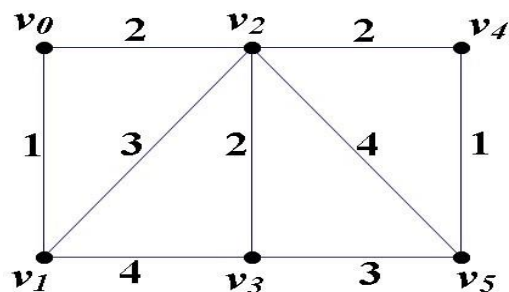
22. В одном районе города оборудовано 15 детских площадок. Установите, можно ли их соединить пешеходными дорогами так, чтобы каждая площадка была соединена ровно с пятью другими.

23. Для изображенного графа



определите, есть ли в нем эйлеров цикл и, если есть, найти его.

24. Найдите кратчайший путь из вершины  $v_0$  в вершину  $v_5$  в графе, заданном рисунком:





## Критерии балльной оценки различных форм текущего контроля успеваемости

Критерии балльной оценки различных форм текущего контроля успеваемости содержатся в соответствующих методических рекомендациях кафедры.

### 7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы содержится в разделе 2.

*«Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине».*

### Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, знаний и умений

Таблица 6

Наименование компетенции	Наименование индикаторов достижения компетенции	Результаты обучения ( умения и знания), соотнесенные с индикаторами достижения компетенции	Типовые контрольные задания
Способность осуществлять поиск, критически анализировать, обобщать и систематизировать информацию, использовать системный подход для решения поставленных задач (УК-10)	1. Четко описывает состав и структуру требуемых данных и информации, грамотно реализует процессы их сбора, обработки и интерпретации.	<b>Знать:</b> основные сведения о роли данных и информации, ее составе и структуре, их важности для анализа и решения современных практических задачах социально-экономических динамики.	Опишите роль данных и информации, состав и структуру информации, их важность для анализа и решения современных практических задачах социально-экономических динамики.

		<p><b>Уметь:</b> четко описывать состав и структуру данных и информации, используемых в решаемой задаче, грамотно реализовать процесс сбора требуемых данных и информации, их обработки и интерпретации.</p>	<p>Сравните несколько математических методов, применяемых для описания состава и структуры данных и информации решаемой задачи, их грамотной обработки и интерпретации.</p>
	<p>2. Обосновывает сущность происходящего, выявляет закономерности, понимает природу вариабельности.</p>	<p><b>Знать:</b> основные математические приемы обоснования сущности и выявления закономерностей анализируемого социально-экономического процесса.</p> <p><b>Уметь:</b> обосновывать сущность решаемой задачи, выявлять закономерности, понимать природу вариабельности.</p>	<p>Опишите основные характерные особенности математических методов обоснования сущности и выявления закономерностей анализируемого социально-экономического процесса.</p> <p>Проведите сравнительный анализ сущности и закономерностей решаемой задачи, обоснуйте природу вариабельности.</p>
	<p>3. Формирует признак классификации, выделяет соответствующие ему группы однородных «объектов», идентифицирует общие свойства элементов этих групп, оценивает полноту результатов классификации, показывает прикладное</p>	<p><b>Знать:</b> основные математические приемы классификации, выделения групп однородных объектов в решаемой практической задаче, идентифицировать их общие свойства.</p> <p><b>Уметь:</b> сформировать признак</p>	<p>Описать основные математические приемы классификации, выделения групп однородных объектов в решаемой практической задаче.</p> <p>Осуществить классификацию</p>

	назначение классификационных групп.	классификации объектов изучаемой задачи, идентифицировать их общие свойства, оценить полноту результатов классификации, показывать прикладное назначение классифицированных групп.	объектов изучаемой задачи профессиональной деятельности, идентифицировать их общие свойства, оценить полноту результатов классификации, показывать их прикладное назначение.
	4. Грамотно, логично, аргументировано формирует собственные суждения и оценки. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т. д. в рассуждениях других участников деятельности.	<p><b>Знать:</b> методы системного анализа, современные математические подходы к анализу социально-экономических процессов, оценке принимаемых решений.</p> <p><b>Уметь:</b> сформировать собственные суждения и оценки о решаемой практической задаче, логично и аргументировано излагать свою точку зрения на основе системного описания.</p>	<p>Описать характерные особенности современных методов системного анализа социально-экономических процессов, оценке принимаемых решений.</p> <p>Провести системный анализ решаемой практической задачи, изложить полученные собственные суждения и оценки с использованием принципов логичности и аргументированности.</p>
	5. Аргументированно и логично представляет свою точку зрения посредством и на основе системного описания.	<b>Знать:</b> современные математические методы исследования социально-экономических процессов, включая системный анализ, теорию принятия решений.	Опишите основные характеристики современных математических методов исследования социально-экономических процессов, включая системный анализ, теорию принятия решений.

		<b>Уметь:</b> аргументированно и логично представлять свою точку зрения посредством и на основе системного описания.	Проведите системный анализ сущности и закономерностей решаемой задачи, аргументированно и логично представьте свою точку зрения.
Способность к постановке целей и задач исследований, выбору оптимальных путей и методов их достижения (УК-11)	1. Аргументированно переходит от первоначальной субъективной формулировки проблемы к целостному структурированному описанию проблемной ситуации.	<b>Знать:</b> современные математические методы целостного структурированного описания проблемной ситуации.  <b>Уметь:</b> аргументированно описать проблему, возникшую при анализе решаемой задачи, с использованием требований в целостного структурированного описания.	Опишите современные математические методы целостного структурированного описания проблемной ситуации.  Выполните целостное структурированное описание основных проблем, возникших при анализе решаемой задачи.
	2. Обосновывает системную формулировку цели и постановку задачи управления.	<b>Знать:</b> современные математические методы анализа социально-экономических процессов.  <b>Уметь:</b> обосновывать системную формулировку цели и постановку задачи.	Провести сравнение современных математических методов анализа социально-экономических процессов.  Сформулируйте цели исследования и постановку задачи на примере анализа решаемой задачи.
	3. Взвешенно и системно подходит к анализу ситуации, формулировке критериев и условий выбора	<b>Знать:</b> современные математические методы системного анализа социально-экономических процессов.	Опишите основные характеристики современных математических методов системного анализа социально-экономических процессов.

		<b>Уметь:</b> системно подходить к анализу ситуации, формулировке критериев и условий выбора.	Выполните системный анализ решаемой задачи, формулировки и условий выбора.
	4. Критически переосмысливает свой выбор, сопоставляя с альтернативными подходами. Оценивает последствия принимаемых решений, учитывая неочевидные цепочки «последствия последствий» («причины причин») и контурные связи.	<p><b>Знать:</b> математические подходы к решению управленческих задач, оценке последствий принимаемых решений.</p> <p><b>Уметь:</b> критически переосмыслить свой выбор, сопоставляя с альтернативными подходами, оценить последствия принимаемых решений.</p>	<p>Опишите математические методы решения управленческих задач и оценки последствий принимаемых решений.</p> <p>Проведите критическое переосмысление выбранного метода сопоставляя его с альтернативными подходами.</p>
	5. Корректно использует процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования, анализа и синтеза при решении практических задач управления и подготовке аналитических отчетов.	<p><b>Знать:</b> математические методы анализа и синтеза, процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования при решении практических задач.</p> <p><b>Уметь:</b> корректно использовать процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования, анализа и синтеза при решении практических задач управления и подготовке аналитических отчетов.</p>	<p>Опишите основные математические методы анализа и синтеза практических задач профессиональной деятельности.</p> <p>Осуществите процедуры целеполагания, декомпозиции и агрегирования, анализа и синтеза при решении практических задач управления и подготовки аналитических отчетов.</p>

	6. Логично, последовательно и убедительно излагает в отчете цели, задачи, теорию и методологию исследования, результаты и выводы.	<p><b>Знать:</b> методы математической логики, приемы последовательного изложения в отчете цели, задач, теории и методологии исследования, полученных результатов и выводов.</p> <p><b>Уметь:</b> логично, последовательно и убедительно излагать в отчете цели, задачи, теорию и методологию исследования, результаты и выводы.</p>	<p>Описать методы математической логики, способствующие последовательному изложению в отчете цели, задач, теории и методологии исследования, полученных результатов и выводов.</p> <p>Продемонстрируйте на конкретном примере логичного и последовательного изложения в отчете цели, постановки задачи, теории и методологии исследования, результатов и выводов.</p>
Способность использовать прикладное программное обеспечение при решении профессиональных задач (УК-4)	<p>1.Использует основные методы и средства получения, представления, хранения и обработки данных.</p> <p>2.Демонстрирует владение профессиональными пакетами прикладных программ.</p> <p>3. Выбираем необходимое прикладное</p>	<p><b>Знать</b> основные методы получения, представления, хранения и обработки данных.</p> <p><b>Уметь</b> применять основные методы получения, представления, хранения и обработки данных на практике.</p> <p><b>Знать</b> перечень и функции основных пакетов прикладных программ.</p> <p><b>Уметь</b> решать практические задачи с помощью основных пакетов прикладных программ.</p> <p><b>Знать</b> перечень и функции необходимого прикладного ПО.</p>	<p>Вычислить сумму <math>(z_1+z_2)</math> и разность <math>(z_1-z_2)</math> комплексных чисел, заданных в показательной форме, переведя их в алгебраическую форму. Построить операнды и результаты на комплексной плоскости.  <math>z_1=2e^{-\pi i}, z_2=4e^{\pi i}</math>.</p> <p>Написать разложение вектора <math>X</math> по векторам <math>(a,b,c)</math>  <math>X=(-4;4;4), a=(3;1;0), b=(-1;0;6), c=(-1;2;0)</math>.</p> <p>Даны вершины треугольника <math>A(-2,1), B(3,3), C(1,0)</math></p>

	программное обеспечение в зависимости от решаемой задачи.	<b>Уметь</b> выбирает необходимо прикладное ПО в зависимости от решаемой задачи.	. Найти: а) длину стороны АВ б) уравнение медианы ВМ в) cos угла ВСА г) уравнение высоты CD д) длину высоты CD е) площадь треугольника ABC
	4. Использует прикладное программное обеспечение для решения конкретных прикладных задач.	<b>Знать</b> алгоритмы решения прикладных задач <b>Уметь</b> реализовать алгоритмы решения прикладных задач на прикладном ПО.	Найти предел функции $\lim_{x \rightarrow \infty} (3x^2 + 13x - x + 1)3x + 4$ .

### Примеры заданий для подготовки к зачету, экзамену

1. Исследуйте на совместность и решите систему методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 1 \\ 4x_1 + 5x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 4 \\ 6x_1 - 3x_2 - 2x_3 + 6x_4 = -4 \\ 5x_1 + 4x_2 + x_3 + 7x_4 = 3 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 = 2. \end{cases}$$

2. Найти собственные значения и собственные векторы матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 15 \\ -6 & -12 \end{pmatrix}.$$

3. Вычислите пределы функции

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(3 - 4x)^{\frac{1}{2x}}}{(3x + 3)}, \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{46 - 7x} - 5}{\sqrt{22 - 2x} - 4}.$$

4. Проведите исследование функции и постройте эскиз ее графика.

$$f(x) = \frac{6x + 4}{(x + 1)(x - 2)}.$$

5. Вычислите интегралы:

$$\begin{aligned} & \text{а) } \int (2x + 7) \sin(3x) dx, \text{ б) } \int \frac{3x - 7}{x^2 - 5x + 7} dx, \text{ в) } \int_0^1 x \cdot \operatorname{arctg} x dx, \\ & \text{г) } \int_{14}^{54} \frac{3 + 5x}{\sqrt{x - 5}} dx, \text{ д) } \int_{-2}^{-\frac{5}{4}} \frac{dx}{(x + 2) \ln^8(x + 2)}. \end{aligned}$$

6. Найдите дневную выработку рабочего за семичасовой рабочий день, если производительность труда меняется по закону:

$$z(t) = -0,623t^2 + 4,6t + 6,4,$$

где  $t$  — время (в часах), прошедшее с начала рабочего дня.

### Примерные теоретические вопросы для подготовки к зачету

1. Комплексные числа: алгебраическая и тригонометрическая формы задания, операции над комплексными числами.
2. Алгоритмы вычисления степени комплексного числа. Формула Муавра.
3. Алгоритмы вычисления корня из комплексного числа.
4. Матрицы и их виды. Примеры.
5. Операции с матрицами: транспонирование матрицы, умножение матрицы на число, сложение и вычитание матриц, умножение матриц, возведение матрицы в степень.
6. Определитель матрицы и его свойства. Формулы вычисления определителя 2-го и 3-го порядков.
7. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам строки или столбца матрицы.
8. Элементарные преобразования строк (или столбцов) матрицы. Приведение матрицы к ступенчатому виду и виду Гаусса с помощью элементарных преобразований.
9. Вычисление определителя методом элементарных преобразований.



10. Ранг матрицы, ранг системы векторов. Нахождения ранга методом элементарных преобразований.
11. Обратная матрица. Критерий существования и методы ее нахождения.
12. Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ), их классификация.
13. Теорема Кронекера – Капелли. Критерий совместности СЛАУ.
14. Решение СЛАУ (метод обратной матрицы, правило Крамера, метод Гаусса).
15. Собственные векторы и собственные значения матрицы. Методы их нахождения.
16. Определение базиса системы векторов. Нахождение координат разложения вектора по базису.
17. Определение квадратичной формы и ее матрицы. Алгоритм приведения квадратичной формы к нормальному виду.
18. Критерий знакоопределенности квадратичной формы.
19. Уравнение прямой в пространстве.
20. Уравнение плоскости. Угол между плоскостями.
21. Кривые второго порядка, их классификация и свойства. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
22. Определение числовой функции. Способы задания функций.
23. Определение предела последовательности. Правила вычисления пределов сходящихся последовательностей.
24. Определения ограниченной и монотонной последовательности.
25. Определения бесконечно малой и бесконечно большой последовательности.
26. Определение предела функции в точке.
27. Определения бесконечно малой и бесконечно большой функции в точке.
28. Первый замечательный предел.
29. Второй замечательный предел.
30. Определения односторонних пределов функции в точке.
31. Определение функции, непрерывной в точке.
32. Определение точки разрыва функции. Классификация точек разрыва.

33. Определение производной функции в точке. Теорема о производной сложной функции.
34. Теорема о производной обратной функции.
35. Определение дифференциала функции в точке.
36. Геометрический смысл производной и дифференциала.
- 37.. Правило Лопиталя.
38. Производные и дифференциалы высших порядков.
39. Признак монотонности дифференцируемой функции.
40. Определение локального экстремума функции одной переменной.  
Необходимое условие локального экстремума функции одной переменной.
41. Точка перегиба функции. Необходимое условие точки перегиба.
42. Определение асимптот графика функции.
43. Определение первообразной заданной функции на числовом промежутке.
44. Определение неопределенного интеграла и его свойства.
45. Формула замены переменной в неопределенном интеграле.
46. Формула интегрирования по частям для неопределенного интеграла.
47. Определение определенного интеграла. Достаточное условие интегрируемости.
48. Геометрический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла.
49. Формула Ньютона – Лейбница.
50. Формула замены переменной в определенном интеграле.
51. Формула интегрирования по частям для определенного интеграла.
52. Понятие несобственного интеграла с бесконечными пределами интегрирования. Свойства. Методы интегрирования.
53. Понятие несобственного интеграла от разрывной функции. Свойства. Методы интегрирования.
54. Экономические приложения производных и интегралов.

## Примерные теоретические вопросы для подготовки к экзамену

1. Функция нескольких переменных. Примеры. Поверхности и линии уровня.
2. Предел, непрерывность функции нескольких переменных
3. Частные производные функции нескольких переменных.
4. Дифференциал функции нескольких переменных.
5. Достаточное условие дифференцируемости функции нескольких переменных.
6. Производная сложной функции нескольких переменных.
7. Производная по направлению функции нескольких переменных.
8. Градиент. Свойства градиента.
9. Частные производные высших порядков. Теорема о равенстве смешанных производных.
10. Локальные экстремумы функций нескольких переменных. Необходимое, достаточное условие локального экстремума функций нескольких переменных.
11. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. Метод подстановки.
12. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на замкнутом выпуклом множестве.
13. Повторный интеграл и его свойства.
14. Кратные интегралы и их свойства. Сведение двойного интеграла к повторному интегралу.
15. Экономические приложения теории функций нескольких переменных.
16. Определение дифференциального уравнения, общего и частного решения. Понятие задачи Коши.
17. Примеры задач, приводящих к дифференциальным уравнениям.
18. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.
19. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
20. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.
21. Линейные однородные дифференциальные уравнения порядка  $n$ .  
Определение фундаментальной системы решений.

22. Алгоритм построения общего решения ЛОДУ  $n$ -го порядка с постоянными коэффициентами.
23. Построение частного решения ЛНДУ с постоянными коэффициентами в случае правой частью специального вида.
24. Множества. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение, декартово произведение.
25. Диаграммы Эйлера – Венна.
26. Метод математической индукции.
27. Отображения и их свойства.
28. Бинарные отношения, их свойства. Способы задания бинарных отношений.
29. Разбиения.
30. Отношения эквивалентности.
31. Отношения порядка.
32. Логическое следование в логике высказываний.
33. Область истинности предиката.
34. Тавтологично истинные и выполнимые формулы логики предикатов.
35. Понятие графа. Задание и характеристики графов.
36. Виды графов. Подграфы.
37. Матрицы смежности и инцидентности.
38. Степени вершин.
39. Маршрут и путь на графе. Цепь, цикл (контур).
40. Расстояние между вершинами. Диаметр и радиус графа.
41. Удаление и добавление вершин в графе. Удаление и добавление ребер в графе.
42. Связность и компоненты связности графа.
43. Задача о поиске кратчайшего пути между вершинами в графе.

## Пример экзаменационного билета

Каждое задание оценивается в 10 баллов.

1. Для заданной производственной функции

$$Q(K;L) = 12L^{2,3} \cdot K^{-0,8},$$

где  $Q$  – объём выпускаемой продукции,  $K$  – объём фондов (капитала),  $L$  – объём трудовых ресурсов при  $K_0 = 45$ ,  $L_0 = 26$ , найдите предельную фондоотдачу, предельную норму замещения труда капиталом, эластичность выпуска по фондам. Ответы дайте в виде десятичных дробей с пятью знаками после десятичной запятой.

2. Найдите точки локальных экстремумов функции

$$f(x, y) = -2y^2 + x^2 + 16 \ln y - \ln(x^2) - 15$$

и определите их тип.

3. Вычислите кратный интеграл

$$\iint_D (4x + 6y + 3) dx dy$$

по области, ограниченной прямыми:

$$x = -1, \quad x = 2, \quad y = 2x - 5, \quad y = -2x + 4.$$

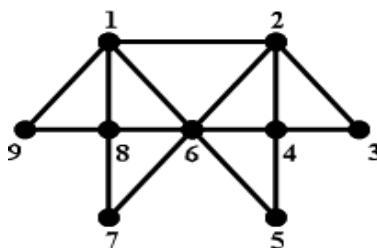
4. Решите задачу Коши для дифференциального уравнения Бернулли

$$x \cdot y' + 4y = 4y^2; \quad y(1) = \frac{1}{2}.$$

5. Докажите методом математической индукции, что для любого натурального  $n \geq 3$  справедливо неравенство:

$$\frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \dots + \frac{1}{n!} < 2 - \frac{1}{n}.$$

6. Для графа



составьте матрицы смежности и инцидентности, степени вершин.

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.**

### **Основная литература**

1. Гисин, В. Б. Дискретная математика: учебник и практикум для академического бакалавриата / В.Б. Гисин; Финуниверситет. – Москва: Юрайт, 2016. – 383 с. – Текст непосредственный. – То же. – 2019. – 383 с. – ЭБС Юрайт. – URL: <https://urait.ru/bcode/432144> (дата обращения: 20.04.2022). – Текст: электронный.
2. Кремер, Н. Ш. Линейная алгебра: учебник и практикум / Н.Ш. Кремер, М.Н. Фридман; Финуниверситет; под ред. Н.Ш. Кремера. – Москва: Юрайт, 2014. – 307 с. – Текст: непосредственный. Кремер, Н. Ш. Линейная алгебра: учебник и практикум для бакалавриата и специалитета / под ред. Н. Ш. Кремера. – 3-е изд., испр. и доп. – Москва: Издательство Юрайт, 2019. – 422 с. – (Серия: Бакалавр и специалист). – ЭБС Юрайт. – URL: <https://urait.ru/bcode/432050> (дата обращения: 20.04.2022). – Текст: электронный.
3. Плохотников, К. Э. Базовые разделы математики для бакалавров в среде MATLAB / К.Э. Плохотников. – Москва: Вузовский учебник, 2014. – 571 с. – ЭБС ZNANIUM.com. – URL: <http://znanium.com/go.php?id=496199> (дата обращения: 20.04.2022). – Текст: электронный.
4. Соболева, Т. С. Дискретная математика. Углубленный курс : учебник / Т.С. Соболева, А.В. Чечкин; под редакцией А.В. Чечкина. – Москва: Курс: Инфра-М, 2016. – 278 с. – Текст: непосредственный. – То же. – 2017. – ЭБС ZNANIUM.com. – URL: <http://znanium.com/catalog/product/851215> (дата обращения: 20.05.2021). – Текст: электронный.

### **Дополнительная литература**

5. Винберг, Э. Б. Курс алгебры: учебник / Э. Б. Винберг. – Москва: МЦНМО, 2011. – 591 с. – ЭБС Университетская библиотека online. –

- URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63299> (дата обращения: 20.04.2022). – Текст: электронный.
6. Демидович, Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу: учебное пособие / Б.П. Демидович. – Санкт-Петербург: Лань, 2019. – 624 с. – ЭБС Лань. – URL: <https://e.lanbook.com/book/113942> (дата обращения 20.04.2022). – Текст: электронный.
  7. Сборник задач по курсу "Математика в экономике". В 3 ч. Ч. 2: Математический анализ: учебное пособие / Е.Н. Орел [и др.]; под ред. В.А. Бабайцева, В.Б. Гисина. – Москва: Финансы и статистика, 2010, 2013, 2017. – 368 с. – Текст: непосредственный.
  8. Солодовников, А. С. Математика в экономике. Ч. 1: Линейная алгебра, аналитическая геометрия и линейное программирование: Учебник для студ. экономич. спец. вузов / А.С. Солодовников, В.А. Бабайцев, А.В. Браилов, И.Г. Шандра. – Москва: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2003, 2005, 2006, 2007, 2011. – 384 с.– Текст: непосредственный. – То же. – URL: <http://lpvserver190/fulltext/Book/TRUDY%20FA/Mathematics1.pdf> (дата обращения: 20.04.2022). – Текст: электронный.
  9. Солодовников, А. С. Математика в экономике. Ч. 2: Математический анализ: учебник для студ. экономич. спец. вузов / А.С. Солодовников, В.А. Бабайцев, А.В. Браилов, И.Г. Шандра. – Москва: Финансы и статистика; Инфра-М, 2003, 2005, 2007, 2011. – 557 с. – Текст: непосредственный. – То же. – 1999. – URL: <http://lpvserver190/fulltext/Book/TRUDY%20FA/Mathematics2.pdf> (дата обращения: 20.04.2022). – Текст: электронный.
  10. Тер-Крикоров, А. М. Курс математического анализа: учебное пособие для вузов / А.М. Тер-Крикоров, М.И. Шабунин. – 8-е изд. (эл.). – Москва: Лаборатория знаний, 2020 – 675 с. – URL: [http://biblioclub.ru/index.php?page=book\\_red&id=222880](http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=222880) (дата обращения 20.04.2022). – Текст: электронный. \_

## **9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины**

1. Электронно-библиотечная система BOOK.RU <http://www.book.ru>
2. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека ОНЛАЙН» <http://biblioclub.ru/>
3. Электронно-библиотечная система Znanium <http://www.znaniy.com>
4. Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» <https://urait.ru/>
5. Электронно-библиотечная система издательства Проспект <http://ebs.prospekt.org/books>
6. Научная электронная библиотека eLibrary.ru <http://elibrary.ru>
7. Национальная электронная библиотека <http://нэб.рф/>
8. Ресурсы информационно-аналитического агентства по финансовым рынкам Cbonds.ru <https://cbonds.ru/>
9. Пакет баз данных компании EBSCO Publishing, крупнейшего агрегатора научных ресурсов ведущих издательств мира <http://search.ebscohost.com>
10. Электронные коллекции книг издательства Elsevier <http://www.sciencedirect.com>
11. Реферативная база данных по математике MathSciNET <https://mathscinet.ams.org/mathscinet/>
12. <http://repository.vzfei.ru> – Компьютерная обучающая программа для студентов 1 курса по дисциплине «Математика» (КОПР1-М), зарегистрирована в Информационно-библиотечном фонде РФ, рег. № 50200000053 от 08.06.2000.
13. <http://repository.vzfei.ru> – Высшая математика. Учебно-методическое пособие /под ред. Н.Ш. Кремера – М., 2015 (электронная версия в разделе «Образовательные ресурсы» на сайте «Финансовый университет – заочное обучение»).
14. <http://repository.vzfei.ru> – Математический анализ и линейная алгебра. Методические указания по компьютерному тестированию – М.: Вузовский учебник, 2007 (электронная версия в разделе «Учебные ресурсы» на портале Финуниверситета).



15. <http://repository.vzfei.ru> – Математический анализ. Обзорная лекция для студентов I курса всех направлений.

#### **10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Обучающимся в рамках самостоятельной работы следует использовать Методические рекомендации по планированию и организации внеаудиторной самостоятельной работы студентов по образовательным программам бакалавриата и магистратуры в Финансовом университете, утвержденные Приказом ректора №1040/о от 11.05.2021 г.

Самостоятельная работа студентов проходит внеаудиторно. Организации самостоятельной работы служит учебно-тематический план изучения дисциплины. В данном плане указана тематика лекций, семинаров, вопросы и задания для самостоятельного изучения. Во время лекций необходимо конспектировать содержание лекции. После лекции необходимо отредактировать записи, оформить конспект, дополняя его содержание дополнительной информацией. При оформлении конспекта целесообразно выделять названия тем и формулировки вопросов, основные определения, примеры.

При подготовке к семинару необходимо изучить вопросы семинара, соответствующий теоретический материал, делая для себя необходимые записи в рабочей тетради. После занятий необходимо просмотреть записанные решения и восстановить в решениях имеющиеся пробелы.

При затруднении в решении практических вопросов (задач), можно обратиться за консультацией (помощью) к преподавателю. Семинары проходят, как правило, в интерактивной форме и преподаватель учитывает активность обучающихся, направленную на решение предложенных вопросов (вариантов задач), а также вариантов ответов на решаемые вопросы (проблемы).

Не следует бояться дать неверный ответ или допустить иную ошибку: исправление и анализ ошибок в режиме общения с преподавателем и сокурсниками в ходе семинара способствует более глубокому освоению учебного материала и предупреждает возникновение ошибок в дальнейшем. Домашние задания (подготовку к занятиям) следует осуществлять регулярно. Если то или иное задание, при подготовке к семинару вызвало затруднение, необходимо обратиться к преподавателю за консультацией. Регулярность в выполнении домашних заданий (подготовке к занятиям) - важный фактор качественного освоения дисциплины.

#### **Методические рекомендации по обучению лиц с ограниченными возможностями здоровья**

Профессорско-преподавательский состав знакомится с психологофизиологическими особенностями обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ). При необходимости осуществляется дополнительная поддержка преподавания тьюторами, психологами, социальными работниками, прошедшими подготовку ассистентами.

В соответствии с методическими рекомендациями Минобрнауки РФ (утв. 8

апреля 2014 г. № АК-44/05вн) в курсе предполагается использовать социальноактивные и рефлексивные методы обучения, технологии социокультурной реабилитации с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений с другими студентами, создании комфортного психологического климата в студенческой группе. Подбор и разработка учебных материалов производятся с учётом предоставления материала в различных формах: аудиальной, визуальной, с использованием специальных технических средств и информационных систем. Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения (персонального и коллективного использования). Материально-техническое обеспечение предусматривает приспособление аудиторий к нуждам лиц с ОВЗ. Форма проведения аттестации для студентов-инвалидов устанавливается с учётом индивидуальных психофизических особенностей.

Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной или электронной форме (для лиц с нарушениями опорнодвигательного аппарата);
  - в печатной форме или электронной форме с увеличенным шрифтом и контрастностью (для лиц с нарушениями слуха, речи, зрения);
  - методом чтения ассистентом задания вслух (для лиц с нарушениями зрения).
- Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы.

Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге или набором ответов на компьютере (для лиц с нарушениями слуха, речи);
- выбором ответа из возможных вариантов с использованием услуг ассистента (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);
- устно (для лиц с нарушениями зрения, опорно-двигательного аппарата). При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

### **Методические рекомендации по выполнению контрольной работы**

Методические рекомендации по выполнению **контрольной работы** предусмотрены в «Методических рекомендациях по подготовке написанию и оформлению контрольной работы», разрабатываемой преподавателем кафедры на учебный год, в котором реализуется учебная дисциплины

11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

#### **11.1 Комплект лицензионного программного обеспечения**

1. Антивирусная защита ESET NOD32
2. Windows, Microsoft Office
3. Astra Linux

11.2 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Информационно-правовая система «Консультант Плюс»;
2. Информационно-правовая система «Гарант»;

11.3 Сертифицированные программные и аппаратные средства защиты информации

Сертифицированные программные и аппаратные средства защиты информации не предусмотрены

## **12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

- аудитории для проведения лекционных и семинарских занятий, оборудованные видеопроекторным оборудованием для презентаций, средствами звуковоспроизведения, экраном, доской меловой/интерактивной;
- библиотеку, имеющую рабочие места для студентов, оснащенные компьютерами с доступом к базам данных и сети Интернет
- компьютерные классы с набором лицензионного базового программного обеспечения для проведения практических занятий и выходом в глобальную сеть Internet;

### **Образовательные технологии**

В процессе изучения дисциплины «Математика» предполагается:

- сопровождение курса лекций наглядной презентацией, включающей практические примеры, схемы, графики, табличный материал;
- рассмотрение на семинарских занятиях интерактивных ситуационных задач по проблематике дисциплины;
  - деловые игры;
  - разбор конкретных ситуаций, коллективное обсуждение проблем российской и зарубежной практики по изучаемым темам;
  - виртуальное общение в течение срока изучения курса в целях обеспечения лекций и практических занятий необходимым материалом и также контроля самостоятельной работы студентов.